

# Factorise

|   |                                     |   |
|---|-------------------------------------|---|
| $2x + 2y$   | $2(x + y)$                          |   |
| $7y - 7x$   | $7(y - x)$                          |   |
| $bc + 2b$   | $b(c + 2)$                          |   |
| $91z - 13t$                                       | $13(7z - t)$                        |   |
| $7y - 7x$   | $7(y - x)$                          |   |
| $xa + ay$   | $a(x + y)$                          |   |
| $x^2 + xy$  | $x(x + y)$                          |   |
| $a^3 - a^2$                                       | $a^2(a - 1)$                        |   |
| $ab + a$  | $a(b + 1)$                          |   |
| $cx - x$  | $x(c - 1)$                          |   |
| $ax^2 + bx$                                       | $x(ax + b)$                         |   |
| $12x - 30y + 24z$                                 | $6(2x - 5y + 4z)$                   |   |
| $(2b)^2 - 4ac$                                    | $4(b^2 - ac)$                       |   |
| $3x^2 - x$  | $x(3x - 1)$                         |   |
| $(xy)^2 + 3x^2y + 3xy^2$                          | $xy(xy + 3x + 3y)$                  |   |
| $7x - 21y + 14$                                   | $7(x - 3y + 2)$                     |   |
| $-9x + 15y - 6$                                   | $3(-3x + 5y - 2) = -3(3x - 5y + 2)$ |   |
| $6x^2 + 3x$                                       | $3x(2x + 1)$                        |   |
| $x^3 - yx^2$                                      | $x^2(x - y)$                        |   |
| $i^2 - i$   | $i(i - 1)$                          |   |
| $(2a - b)(2b - a) + (2b - a)(b - 2a)$             | $0$                                 |   |
| $(x - 2)(x + 3) + (5 - x)(x - 2)$                 | $8(x - 2)$                          |   |
| $i^2 - i$   | $i(i - 1)$                          |   |
| $\cancel{(7x - 3)(x - 2)} + 7(2 - x)$             | $(x - 2)(7x - 10)$                  |   |
| $\cancel{(x - 2)(x + 1)} - 3(x - 2)^2$            | $(x - 2)(-2x + 7)$                  |   |
| $\cancel{(3x + 1)^2} - (6x + 7)(1 + 3x) - 1 - 3x$ | $(3x + 1)(-3x - 7)$                 |   |
| $(2a + 8b) + b(3a + 12b)$                         | $(a + 4b)(2 + 3b)$                  |   |
| $(25a - 15) + (10ab - 6b)$                        | $(5a - 3)(5 + 2b)$                  |   |
| $x(x - 3) + 2(x - 3)$                             | $(x - 3)(x + 2)$                    |   |
| $(x + 5)^2 + (x + 5)$                             | $(x + 5)(x + 6)$                    |   |
| $x^2 + 6x + 9$                                    | $(x + 3)^2$                         |   |
| $25x^2 - 40x + 16$                                | $(5x - 4)^2$                        |   |
| $9 + 30x - 25x^2$                                 | impossible                          |   |
| $9 - 30x + 25x^2$                                 | $(5x - 3)^2$                        |   |
| $-9 + 30x - 25x^2$                                | $-(5x - 3)^2$                       |   |
| $16x^2 + 8x + 1$                                  | $(4x + 1)^2$                        |   |
| $9x^2 + 12x + 4$                                  | $(3x + 2)^2$                        |   |
|   |                                     | $x^2 + 2x + 1$ $(x + 1)^2$  |
|   |                                     | $x^2 - 1$ $(x + 1)(x - 1)$  |
|   |                                     | $4 + x^2 + 4x$ $(x + 2)^2$  |
|   |                                     | $-4x + 4 + x^2$ $(x - 2)^2$   |
|   |                                     | $1 - x^2$ $(1 + x)(1 - x)$  |
|   |                                     | $169x^2 - 4$ $(13x + 2)(13x - 2)$   |
|   |                                     | $\cancel{(2x - 1)^2} - (2 - 3x)^2$ $(-x + 1)(5x - 3)$   |
|   |                                     | $\cancel{4x^2 - (x - 3)^2}$ $(3x - 3)(x + 3) = 3(x - 1)(x + 3)$   |
|   |                                     | $\cancel{(x + 1)(x + 2)} - 5(x^2 + 4x + 4)$ $(x + 1)(x + 2) - 5(x + 2)^2$<br>$= (x + 2)(-4x - 9) = -(x + 2)(4x + 9)$  |
|   |                                     | $\cancel{(2x + 1) + (4x^2 - 1)^2}$ $(2x + 1) + [(2x + 1)(2x - 1)]$<br>$= (2x + 1) + (2x + 1)(2x - 1)(2x + 1)(2x - 1) = (2x + 1)[1 + (2x - 1)(2x + 1)(2x - 1)]$<br>$= (2x + 1)[1 + (4x^2 - 1)(2x - 1)] = (2x + 1)(8x^3 - 4x^2 - 2x + 2) = (2x + 1)(4x^3 - 2x^2 - x + 1)$ |
|   |                                     | $\cancel{x^2 - 9 + (x + 3)(x - 9)}$ $(x + 3)(x - 3) + (x + 3)(x - 9) = (x + 3)(2x - 12)$  |
|   |                                     | $\cancel{x^2 - 2x + 1} - (x - 2)^2$ $(x - 1)^2 - (x - 2)^2 = 2x - 3$  |
|   |                                     | $\cancel{(2x + 1)^3 - 9(2x + 1)}$ $(2x + 1)[(2x + 1)^2 - 9]$<br>$= (2x + 1)(2x + 4)(2x - 2) = 4(2x + 1)(x + 2)(x - 1)$  |
|   |                                     | $(x - 2)(x + 3) + (x - 2)(4x - 1)$ $(x - 2)(5x + 2)$  |
|   |                                     | $(x - 5)(3x + 2) - (x - 5)(1 - 2x)$ $(x - 5)(5x + 1)$   |
|   |                                     | $4x(x + 1) - 2x$ $2x(2x + 1)$   |
|   |                                     | $3(x + 7)(3 - x) + 6(x + 7)(1 - x)$ $(x + 7)(-9x + 15)$   |
|   |                                     | $\cancel{(x - 2)^2 - 3x + 6}$ $(x - 2)(x - 5)$  |
|   |                                     | $\cancel{4(x + 1)^2 - (3 - 2x)^2}$ $5(4x - 1)$  |
|   |                                     | $\cancel{x^2 - 4 + (3x + 1)(x - 2)}$ $(x - 2)(4x + 3)$  |
|   |                                     | $\cancel{x^2 - 4x + 4 + (x - 2)(3x - 5)}$ $(x - 2)(4x - 7)$   |
|   |                                     | $(4x + 7)(5x + 2) + (10x + 4)(x + 5)$ $(5x + 2)(6x + 17)$   |
|   |                                     | $\cancel{(x - 1)^2 + (3x - 3)(2x + 1)}$ $(x - 1)(7x + 2)$   |
|   |                                     | $\cancel{3x^2 - 6x + 3}$ $3(x - 1)^2$   |
|   |                                     | $5x^2 - 125$ $5(x + 5)(x - 5)$  |
|   |                                     | $\cancel{x^3 - 4x}$ $x(x + 2)(x - 2)$   |
|   |                                     | $\cancel{x^3 + 2x^2 + x}$ $x(x + 1)^2$  |
|   |                                     | $2x^2 - 8$ $2(x + 2)(x - 2)$  |
|   |                                     | $\cancel{(5,5x - 2,5)^2 - (3,5x - 1,5)^2}$ $(2x - 1)(9x - 4)$   |
|   |                                     | $(2x + 1)(5x + 3) + (2x + 1)(x + 2) - (2x + 1)(2x - 1)$ $2(2x + 1)(2x + 3)$   |
|   |                                     | $\cancel{(3x + 2)(x - 5) + (x - 5)^2 + (x^2 - 25)}$ $(x - 5)(5x + 2)$   |
|   |                                     | $\cancel{(5 - 3x)(x - 1) - (3x - 5)(2x + 7)}$ $(5 - 3x)(3x + 6)$  |
|   |                                     | $(x - 2)^2 - (x - 2)$ $(x - 2)(x - 3)$  |
|   |                                     | $\cancel{(x + 3)(x - 7) + (x + 2)(x - 7) + (2x + 5)(2x + 8)}$ $(x - 7)[(x + 3) + (x + 2)] + (2x + 5)(2x + 8) = (x - 7)(2x + 5) + (2x + 5)(2x + 8) = (2x + 5)(3x + 1)$   |

Cette fiche permet un travail personnel auto-corrigé. Elle contient 71 expressions à factoriser. Il faut utiliser une des méthodes connues (reconnaître un facteur commun ou/et une identité remarquable). Le temps moyen à passer par expression va de 1 à 5 minutes. Le temps total devrait être inférieur à 3 heures.

Les expressions précédées du signe  $\cancel{\square}$  présentent une difficulté particulière (longueur ou complexité du calcul).